Digitální obraz (pro fotografii), základní pojmy

Václav Hlaváč

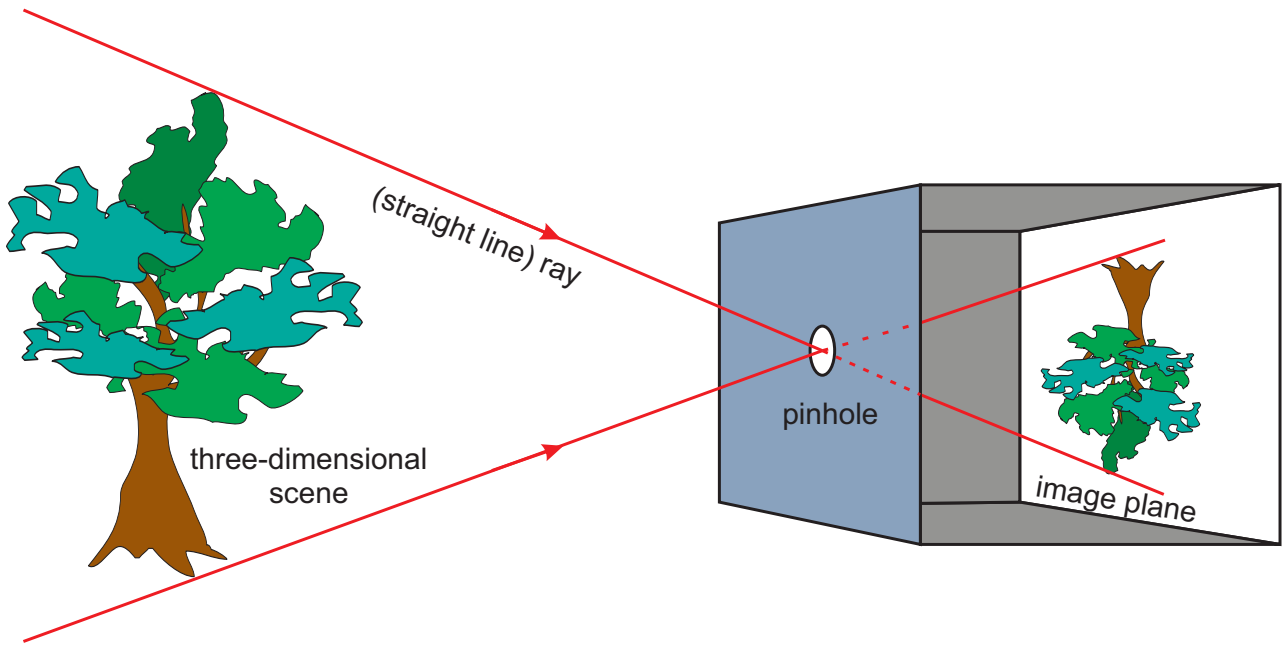
České vysoké učení technické v Praze
Český institut informatiky, robotiky a kybernetiky
160 00 Praha 6, Jugoslávských partyzánů 1580/3
http://people.ciirc.cvut.cz/hlavac, vaclav.hlavac@cvut.cz
také z Centra strojového vnímání, http://cmp.felk.cvut.cz

Osnova přednášky:

- Obraz, perspektivní zobrazení.
- Obrazová funkce $f(x, y)$.
- Digitalizace obrazu: vzorkování + kvantování.
- Vzdálenost v obrazu, okolí pixelu.
- Relace souvislosti, oblast, konvexní oblast.
-
- Vlastnosti celého obrazu: histogram jasu, jas, kontrast, barevná sytost, ostrost.

Obraz

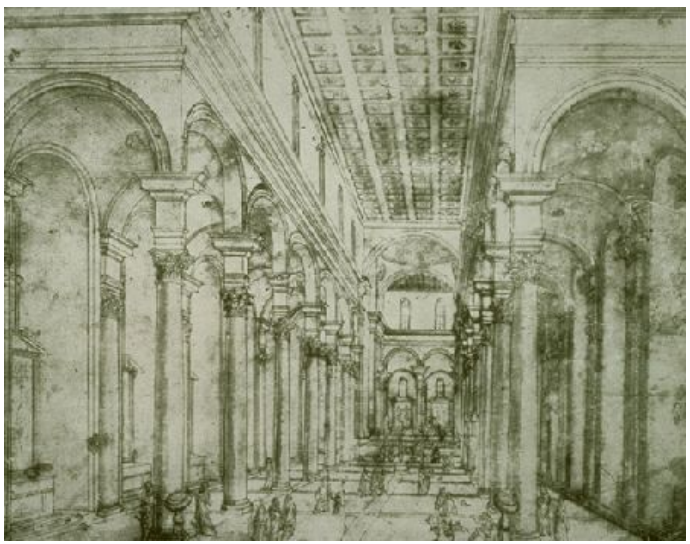
- **Obraz** je chápán intuitivně jako vjem na sítnici lidského oka, obraz na světlocitlivém čipu, TV kameře, ...
- Obraz je často pořízen pomocí **perspektivní projekce** shodující se s intuitivním modelem dírkové komory.



Konvence:
Uvažujeme směr světla zleva doprava.

Perspektivní zobrazování započalo v italském renesančním malířství

Filippo Brunelleschi vytvořil kresbu v perspektivě, aby ukázal zákazníkům, jak bude vypadat kostel Santo Spirito ve Florencii.



Kresba z ≈1420

Pohled do kostela postaveného 1434-82

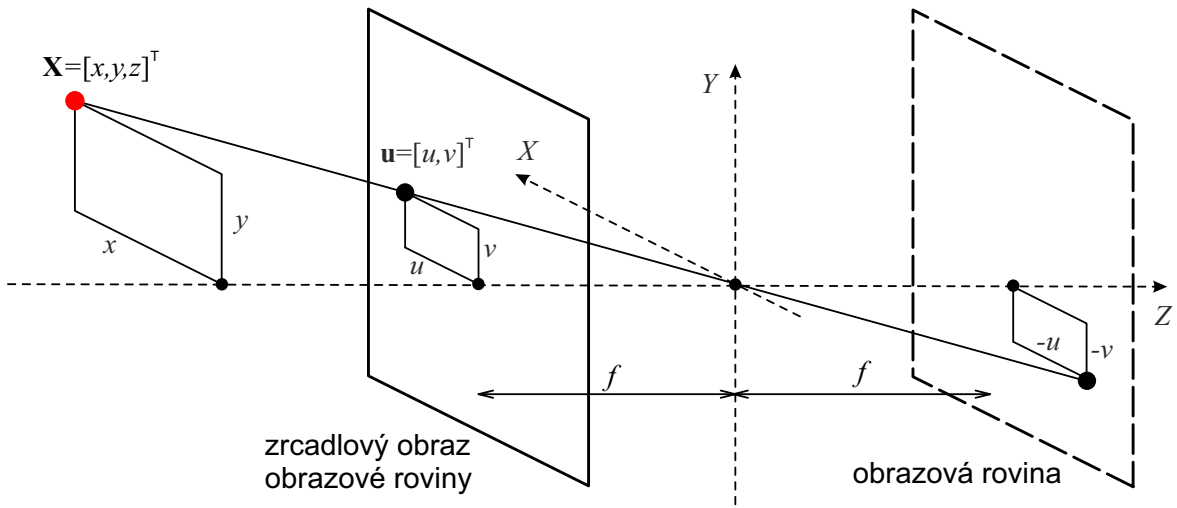
Poděkování za obrázky: Khan Academy

Ukázka praktické perspektivy ze 16. století

Albrecht Dürer: Ležící žena, dřevoryt, 1525

Obrazová funkce

- Obrazová funkce se označuje $f(x, y)$, $f(x, y, t)$. Je výsledkem perspektivního zobrazení, které vyjadřuje geometrickou stránku věci. 5



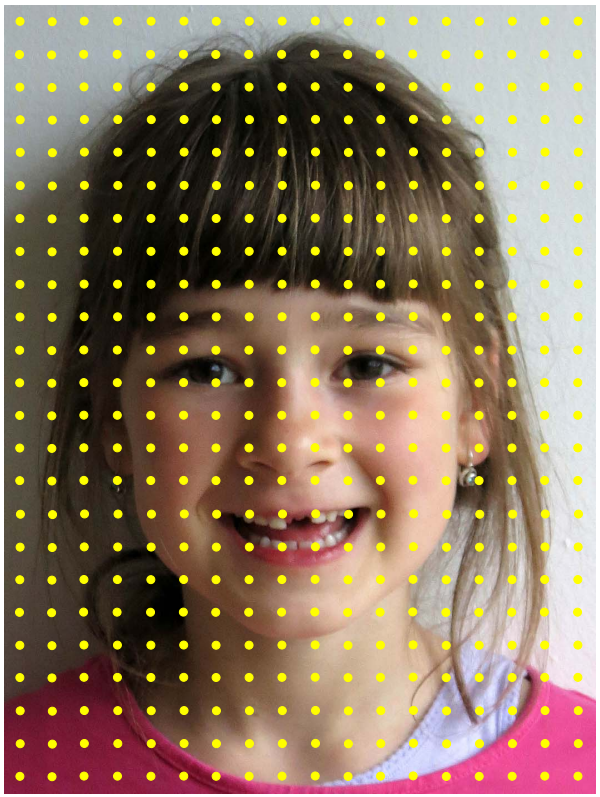
- Při uvažování podobných trojúhelníků: $u = \frac{x\,f}{z}$, $v = \frac{y\,f}{z}$. Místo odvozené 2D obrazové funkce $f(u, v)$ se obvykle používá značení $f(x, y)$.
- Hodnota obrazové funkce odpovídá barvě/jasu 3D bodu (znázorněnému v obrázku červenou tečkou) v příslušném místě ve scéně, který je perspektivně promítnut.

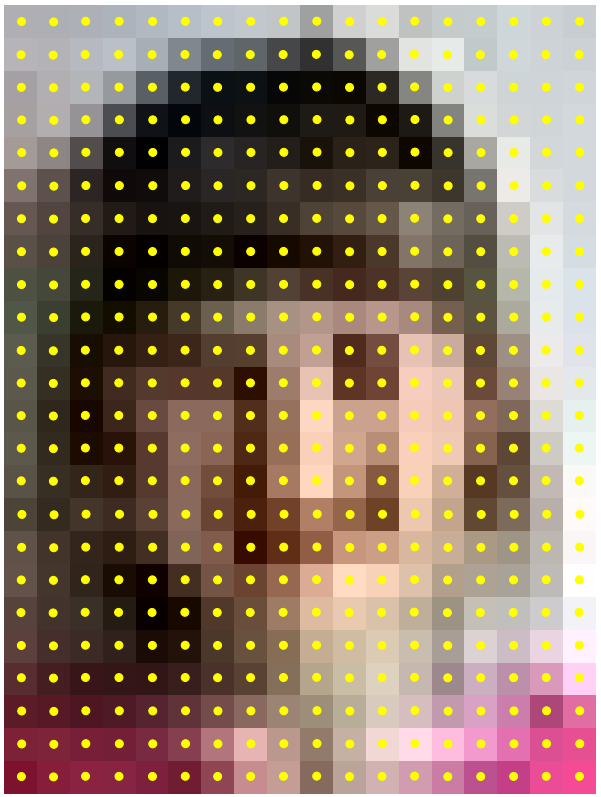
Spojitý obraz a jeho matematické vyjádření

- Spojitý obraz = vstup (chápáno intuitivně), např. na sítnici oka nebo sejmutý TV kamerou.
- Pro jednoduchost předpokládejme šedotónový obraz.
- Spojitá obrazová funkce $f(x, y)$. *Později po digitalizaci matice obrazových elementů, pixelů.*
- (x, y) jsou prostorové souřadnice pixelu; rozuměj souřadnice v rovině.
- $f(x, y, t)$ v případě obrazové sekvence je t čas.
- $f(x, y)$ je hodnota obrazové funkce, obvykle úměrná jasu, optické hustotě u průhledných předloh, vzdálenosti od pozorovatele, teplotě v termovizi, atd.
- (Přirozeně) 2D obrazy: Tenký vzorek v optickém mikroskopu, obrázek písmene na listu papíru, otisk prstu, jeden řez z počítačového tomografu, atd.

Pixely odpovídají vzorkům

(nikoliv malým čtverečkům)





Digitalizace

- Digitalizace = vzorkování & kvantizace hodnoty obrazové funkce (též intenzity).
  - Vzorkování vybere ze spojité obrazové funkce vzorky. Výsledkem jsou vzorky v diskrétním rastru (je jich konečný počet). Hodnota vzorku zůstává "spojitá", tj. reálné číslo.
  - Kvantování rozdělí reálnou hodnotu vzorku na konečný počet hodnot (též přihrádek). U šedotónového obrazu např. na 256 hodnot.

Příklad: *šedý klín*

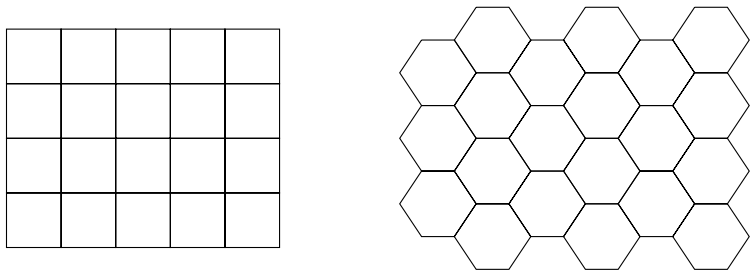
6 *šedotónových přihrádek*

- Digitální obraz se obvykle reprezentuje maticí.
- Pixel = akronym, angl. picture element.

Vzorkování obrazu

Vzorkování obrazu zahrnuje dvě úlohy:

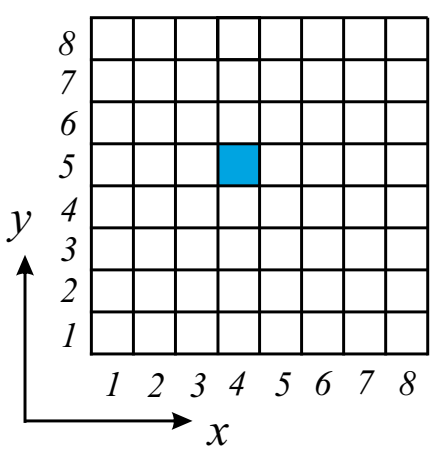
1. Vzor pro vzorkování (=uspořádání vzorkovacích bodů do pravidelného rastru).

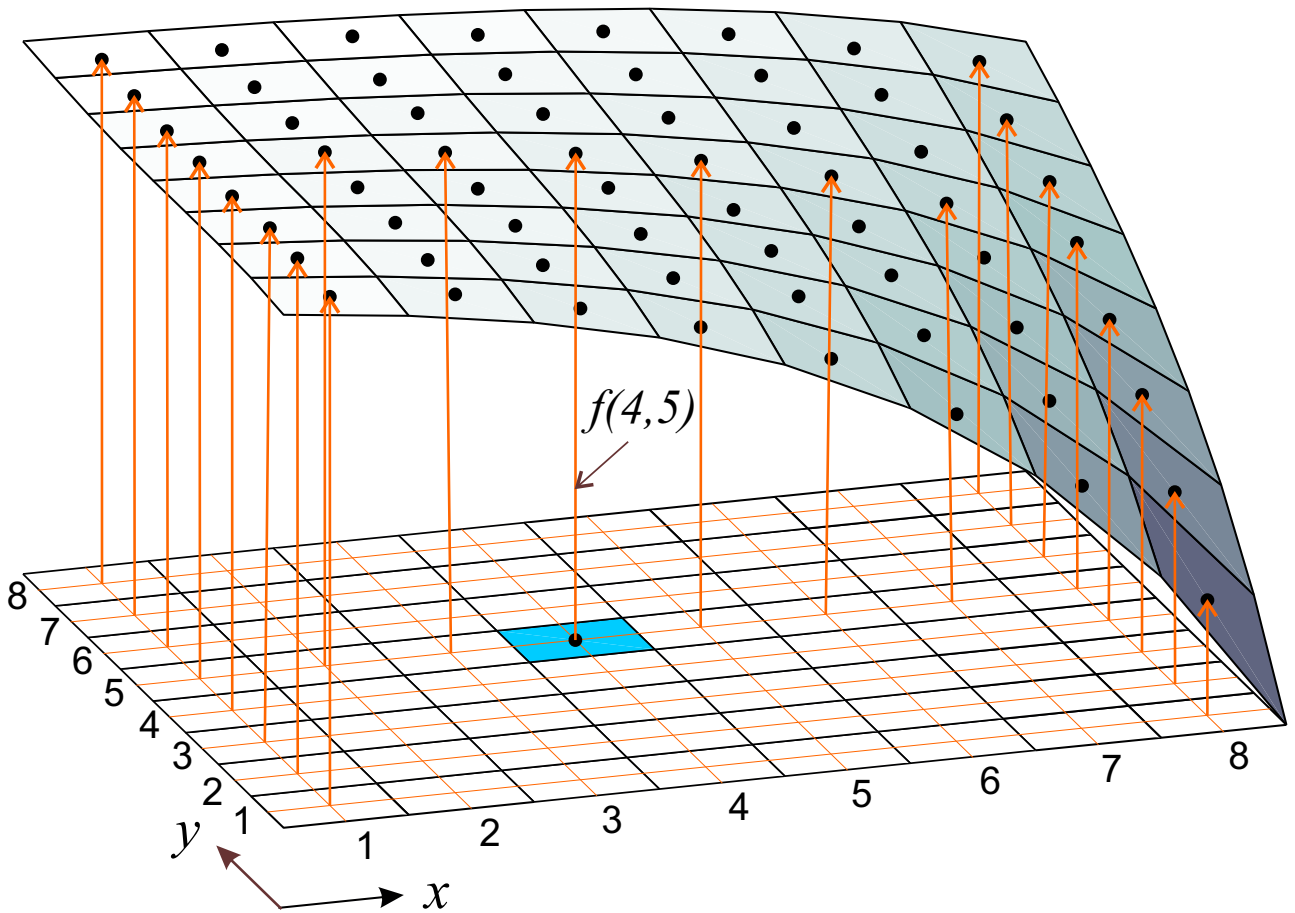


(a) (b)

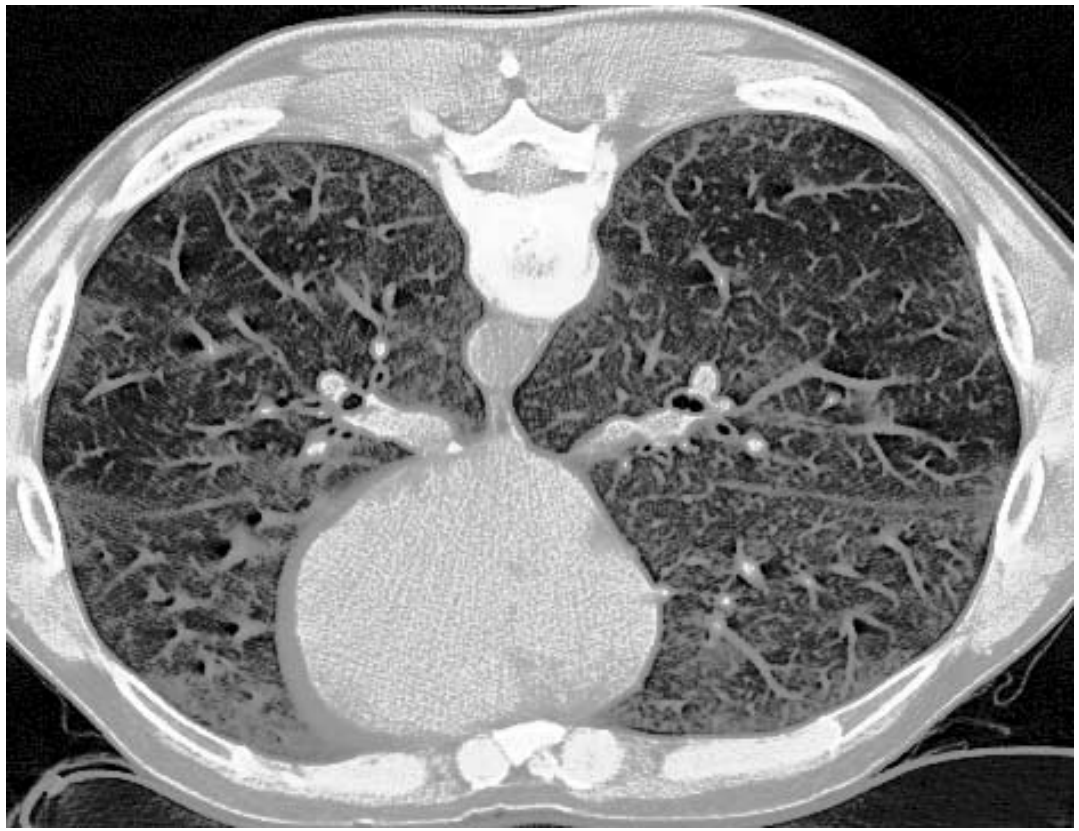
2. Rychlost/vzdálenost vzorkování (vyjadřuje Nyquist-Shannonova věta o vzorkování).
   - Vzorkovací frekvence musí být $2\times >$ než maximální frekvence v signálu; což je nejvyšší frekvence rekonstruovatelná z vzorkovaného signálu. Větu odvodíme, až budeme umět Fourierovu transformaci.
   - V obrazech se musí velikost vzorku (pixelu) být dvakrát menší než nejmenší detail, který chceme zaznamenat.

Vzorkování obrazu, ilustrace





Příklad digitálního obrazu
jeden řez z rentgenového tomografu



První scanner obrazu, 1957

The SEAC Scanner
with control console in background

Prvním skenovaným obrázkem
bylo dítě R. Kirsche.

Použil dva prahy
a získal tři jasové úrovně.

Russell Kirsch (*1929-†2020), SEAC and the start of image processing at the National Bureau of Standards. In: Annals of the history of computing, IEEE, vol. 20 (1998), p 7-13.

Vzorkování, příklad 1

Original 256×256

128×128

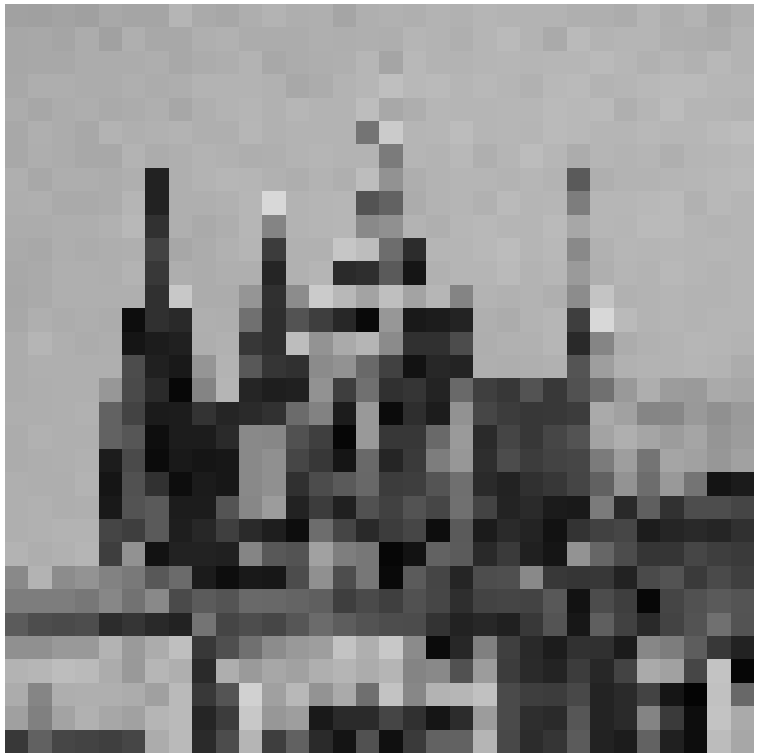
Vzorkování, příklad 2

Originál 256×256

64×64

Vzorkování, příklad 3

Originál 256×256



32×32

Kvantování, příklad 1

Originál 256 jasových úrovní

64 jasových úrovní

Kvantování, příklad 2

Originál 256 jasových úrovní

16 jasových úrovní

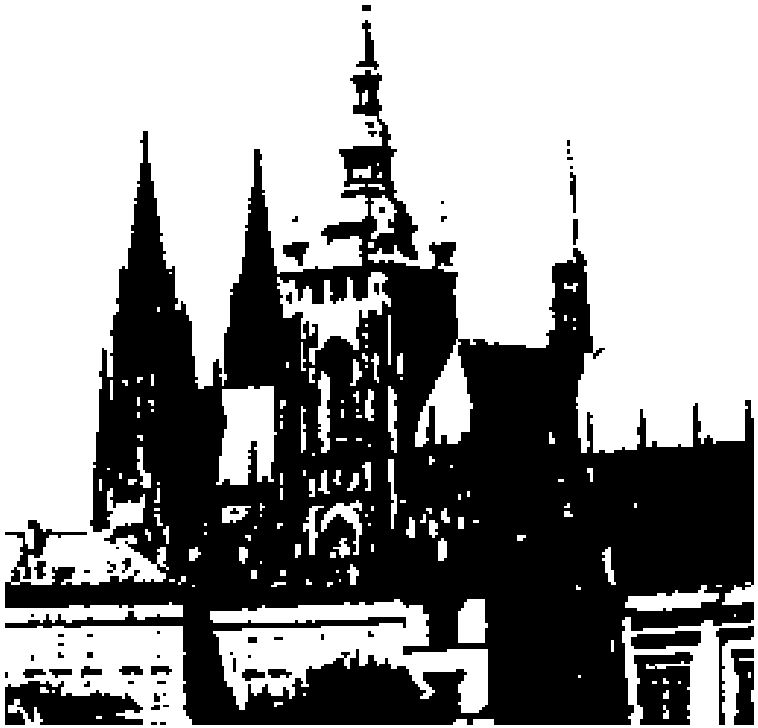
Kvantování, příklad 3

Originál 256 jasových úrovní

4 jasové úrovně

Kvantování, příklad 4 (binární obraz)

Originál 256 jasových úrovní



2 jasové úrovně

Vzdálenost, matematicky

Funkce D se nazývá **vzdáleností**, právě když

$D(p,q) \geq 0$, speciálně $D(p,p) = 0$ (identita).

$D(p,q) = D(q,p)$, (symetrie).

$D(p,r) \leq D(p,q) + D(q,r)$, (trojúhelníková nerovnost).

Několik definic vzdálenosti ve čtvercové mřížce

Euklidovská vzdálenost

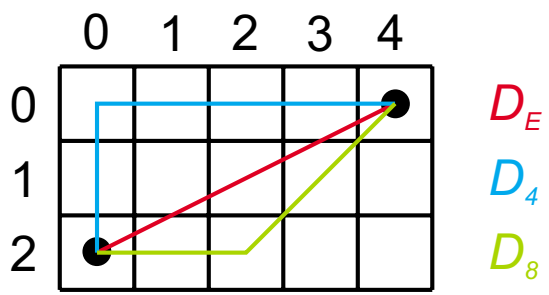
$$D_E((x,y),(h,k)) = \sqrt{(x-h)^2 + (y-k)^2}\,.$$

Vzdálenost městských bloků (též vzdálenost na Manhattanu)

$$D_4((x,y),(h,k)) = \mid x-h \mid + \mid y-k \mid \ .$$

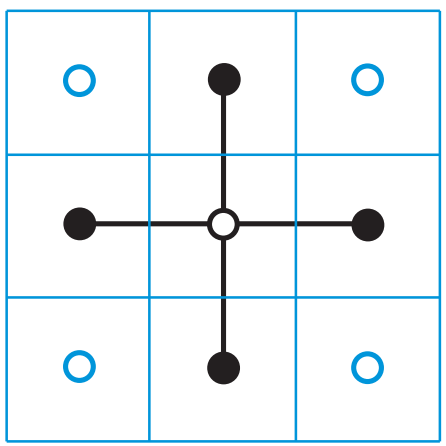
Vzdálenost na šachovnici (z pohledu šachového krále)

$$D_8((x,y),(h,k)) = max\{\mid x-h \mid, \mid y-k \mid\}\,.$$

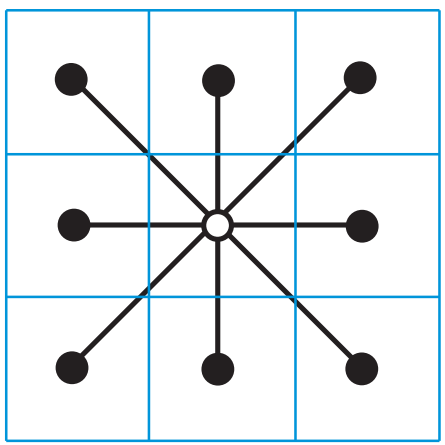


Čtyř, osmi a šesti okolí

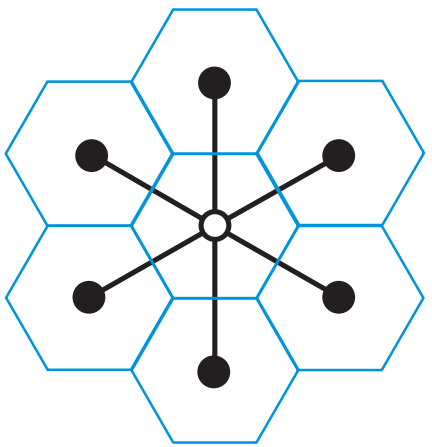
Množina složená ze samotného pixelu (uprostřed, nazývaný reprezentativní pixel nebo reprezentativní bod) a jeho sousedé ve vzdálenosti 1.



4-okolí

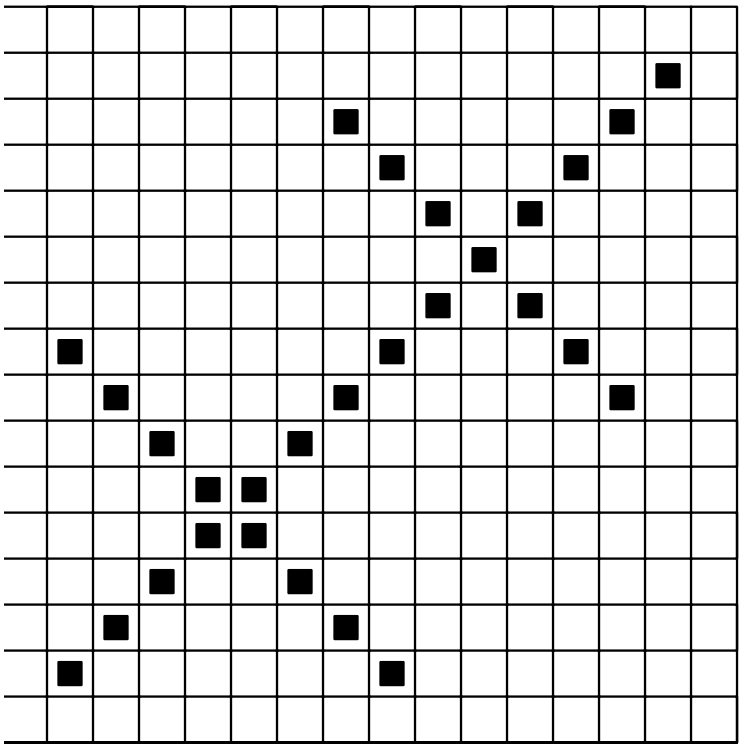


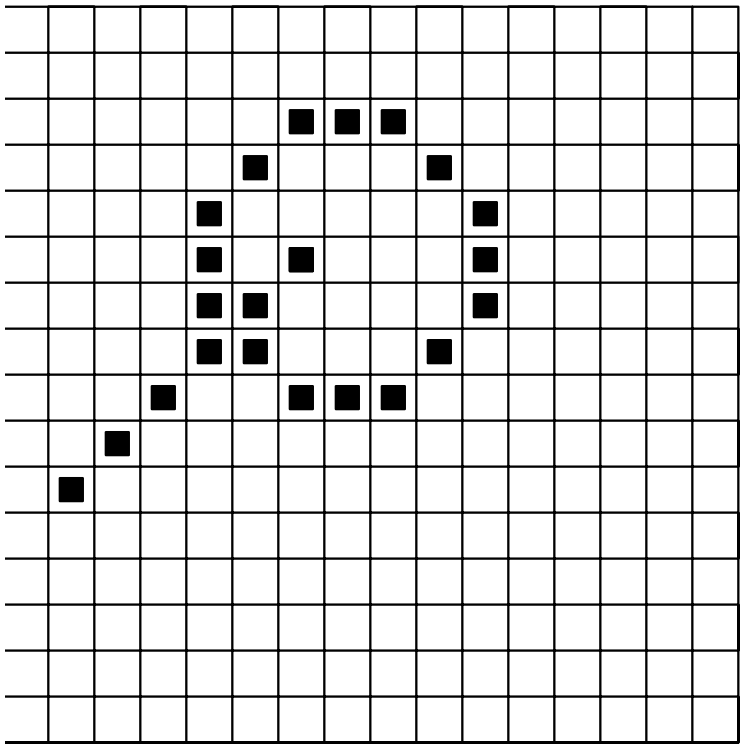
8-okolí



6-okolí

Paradox protínajících se úseček





Binární obraz & relace “být souvislým”

černá $\sim$ objekty
bílá $\sim$ pozadí

- *Poznámka pro zvědavé. Japonský kanji znak znamená “blízko odtud”.*
- Zavedení pojmu “objekt” umožňuje vybrat ty pixely v mřížce, které mají nějaký význam. Vzpomeňme, na diskusi o interpretaci. V našem příkladě černé pixely patří objektu (objektům) – zde písmenu.
- Sousední pixely jsou souvislé.
- Dva pixely jsou souvislé, když mezi nimi existuje cesta složená ze souvislých pixelů.

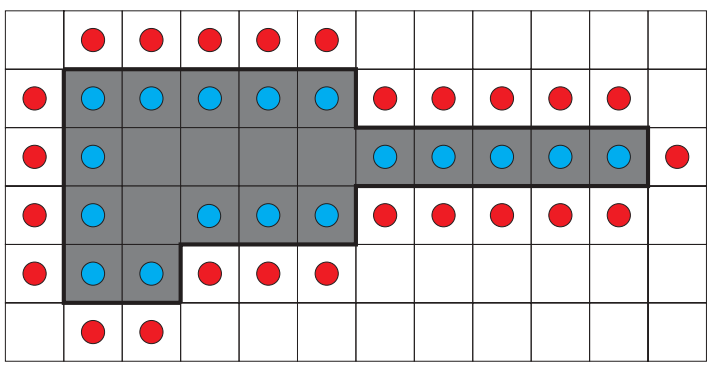
Oblast = souvislá množina

- Relace ‘x je souvislé s y’ je
  - reflexivní, $x \sim x$,
  - symetrická $x \sim y \Longrightarrow y \sim x$ and
  - transitivní $(x \sim y)$ & $(y \sim z)$

  $\Longrightarrow x \sim z$. Tudíž je ekvivalencí.
- Relace ekvivalence rozkládá množinu na podmnožiny, kterým se říká třídy ekvivalence. V našem zvláštním případě relace “být souvislým” jsou třídami ekvivalence do oblastí.
- Na obrázku jsou jednotlivé oblasti označeny různými barvami.

Hranice oblasti

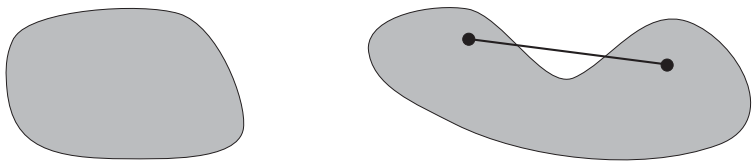
- Hranice oblasti je množina pixelů oblasti majících alespoň jednoho souseda nepatřícího do oblasti.
- Spojitá obrazové funkce $\Rightarrow$ nekonečně tenká hranice.
- V digitálním obraze má hranice konečnou tloušťku. Je nutné rozlišovat vnitřní a vnější hranici.



- Hranice oblasti (border) $\times$ hrana (edge) $\times$ hranový bod (edgel).

Konvexní množina, konvexní obal

Konvexní množina = její každé dva body lze spojit úsečkou ležící uvnitř množiny.



konvexní nekonvexní

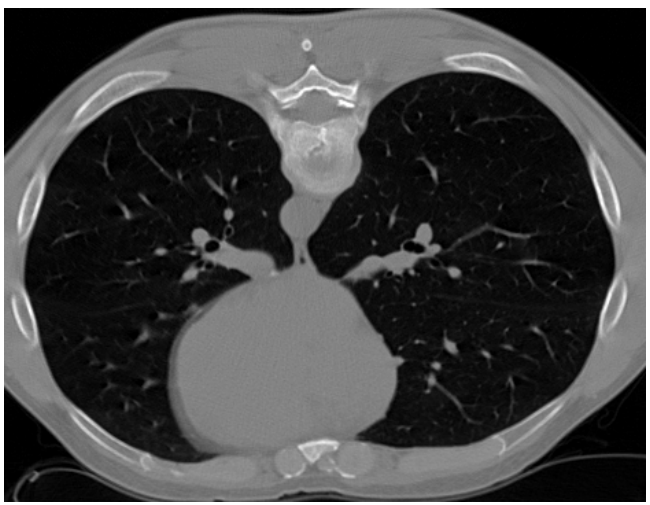
Konvexní obal, jezero, záliv.

Vlastnosti obrazu používané při jeho hodnocení/vylepšování

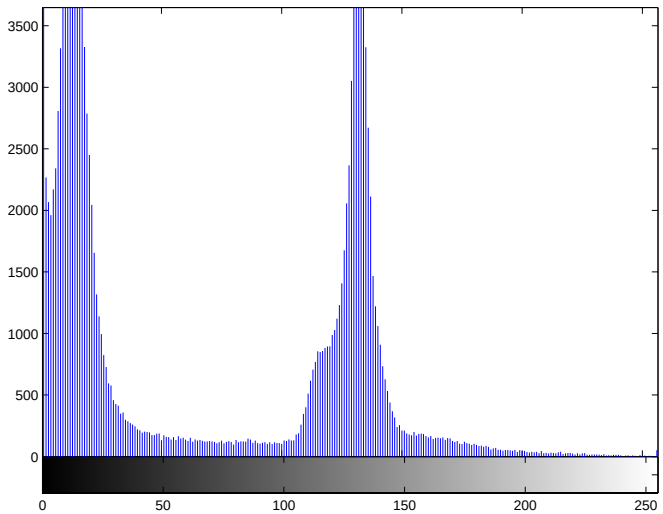
- Pro zpracování nebo vylepšování obrazu, ať člověkem nebo strojem, je potřebné obraz posoudit na základě jeho vlastností.
- Když se na obraz dívá člověk, je jeho vnímání obrazu závisí na složitém zpracování/interpretací obrazu v mozku navíc ovlivněném iluzemi.
- Těmto složitostem se často pragmaticky vyhýbáme. Vhodnost obrazu pro pozorování člověkem si obvykle podstatně zjednodušujeme na
  - jednu objektivní vlastnost – histogram obrazu a
  - čtyři subjektivní/objektivní vlastnosti obrazu: jas, kontrast, barevnou sytost a ostrost.

Histogram hodnot jasu obrazu

- Uvažujme nejdříve šedotónový obraz. V příkladu níže použijeme snímek řezu lidskou hrudí z počítačového tomografu. Histogram obrazu lze zobecnit na barevné obrazy. Histogramy se vyjádří nezávisle ve třech barevných složkách, např. RGB.
- Histogram hodnot jasu je odhadem hustoty pravděpodobnosti jevu, že pixel bude mít určitou jasovou hodnotu.



výchozí obraz



histogram hodnot jasu

Vlastnosti obrazu z hlediska vnímání člověkem

- Když člověk pozoruje obrázek, jeho vnímání je ovlivněno složitým zpracováním/interpretací vjemů v mozku a souvisejícími iluzemi.
- My se této složitosti pragmaticky vyhneme. Vhodnost obrazu pro pozorování člověkem se často zjednodušuje na čtyři vlastnosti obrazu, kterými jsou:
  - jas,
  - kontrast,
  - barevná sytost (přirozeně jen pro barevné obrazy),
  - ostrost.

Jas, kontrast, barevná sytost a ostrost v obraze

- Jas obrazu charakterizuje celkovou jasnost nebo tmavost obrazu.
- Kontrast obrazu charakterizuje rozdíl (odlišení) mezi jasem/barvou objektů nebo oblastí v obraze. Například sněžná liška na sněhu má nízký kontrast a tmavý pes na sněhu má vysoký kontrast.
- Barevná sytost obrazu je podobná vlastnost jako kontrast s tím, že místo zvětšování odlišnosti objektů/oblastí v šedotónové reprezentaci obrazu, se uvažuje odlišení objektů/oblastí v barevném vyjádření.
- Ostrost obrazu je definovaná jako kontrast hran, tj. kontrast podél hran v obraze, tj. ve směru gradientu jasu obrazu. Když zvýšíme ostrost, zvýšíme kontrast jen blízko hran. V málo se měnících částech obrazu hodnotu obrazové funkce neměníme.

Směrem k vylepšování jednoho obrazu

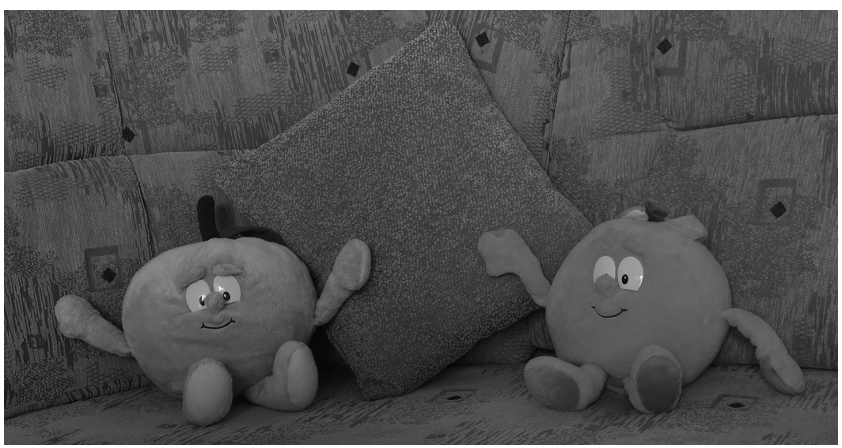
- Nyní uvažujme častý praktický úkol. Máme jeden digitální vyfotografovaný obraz, s jehož vzhledem nejsme spokojeni a což se projevuje v jasu, kontrastu, barevné sytosti nebo ostrosti obrazu.
- Příčinou může být, že osvětlení scény nebylo vhodné, nedostačoval dynamický rozsah snímače, objekty se nedostatečně odlišovaly od pozadí, atd.
- Člověk často dodatečně upravuje právě jas, kontrast, barevnou sytost nebo ostrost obrazu již vyfotografovaný digitální snímek v počítači, např. ve PhotoShopu.
- Ukažme si potřebu hodnocení/vylepšování obrazu na praktických ilustračních příkladech.

Představme snímek použitý v experimentech

Výchozí barevný snímek tří objektů na pozadí zelené pohovky jsem vyfotografoval záměrně tak, aby ukazoval barevně málo odlišený objekt (čtvercový polštář) od pozadí a obsahoval dva barevně odlišné objekty, plyšové figurky, jednu figurku jinak zelenou a druhou oranžovou.

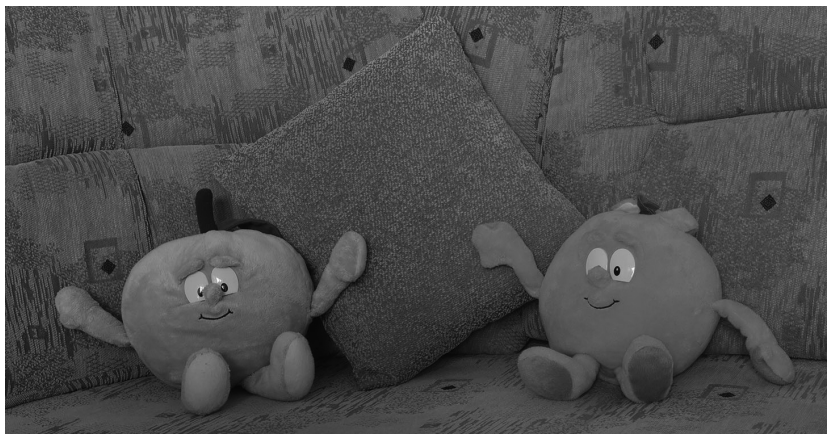
Začneme šedotónovými obrázky, konverze

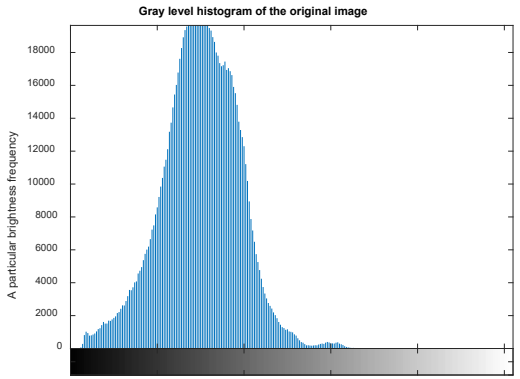
Vstupní barevný obrázek

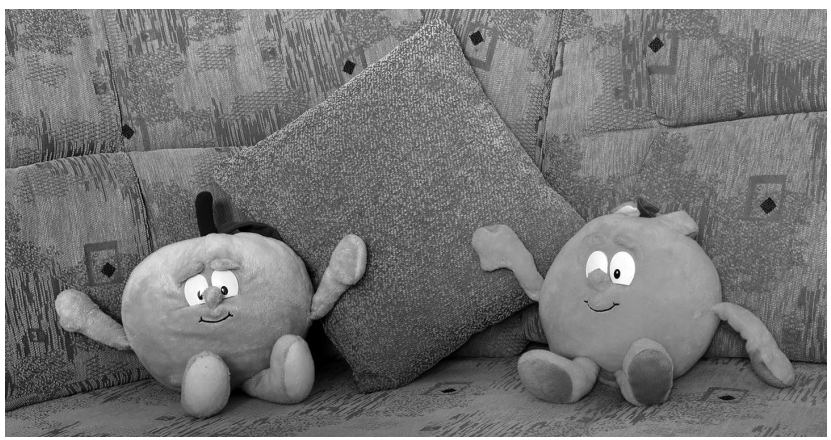


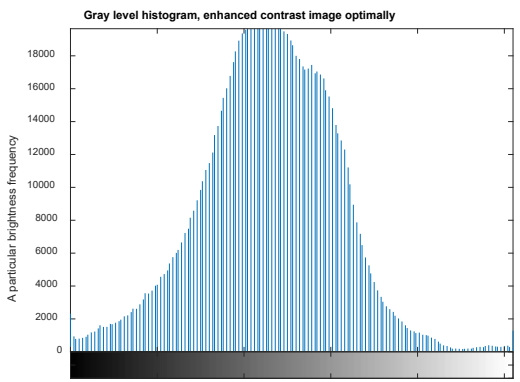
Po převodu na šedotónový obraz

Ilustrace optimálně zvýšeného kontrastu

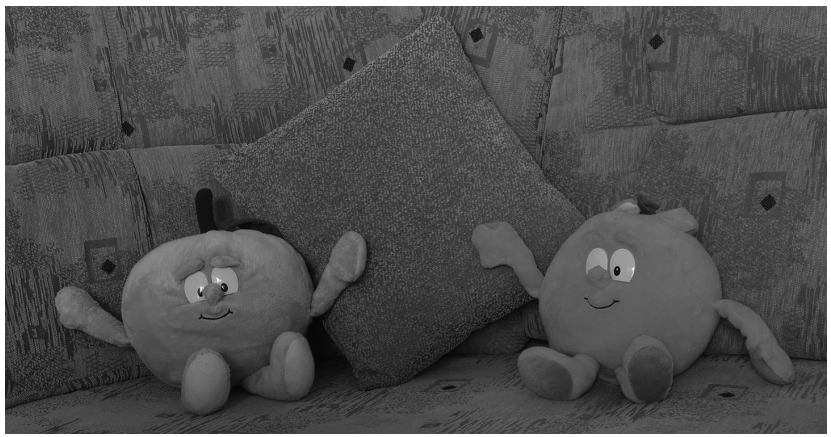


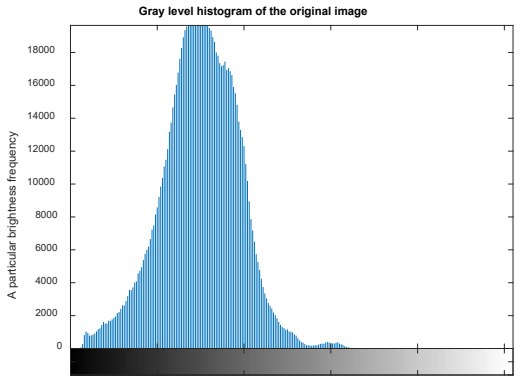


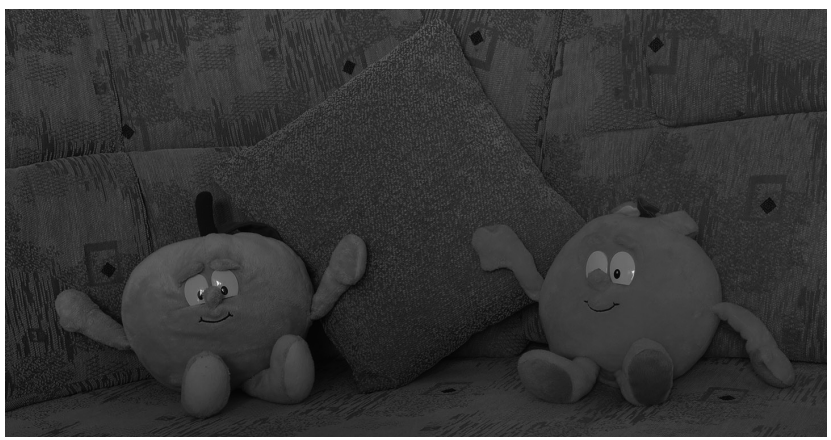


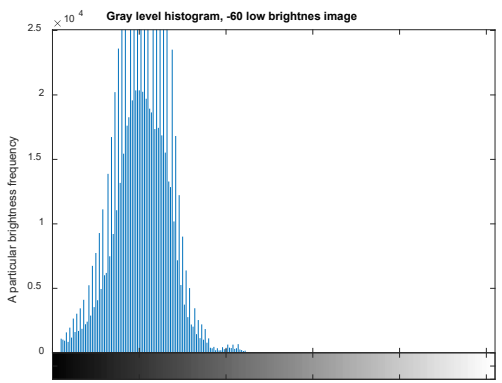


Ilustrace sníženého jasu

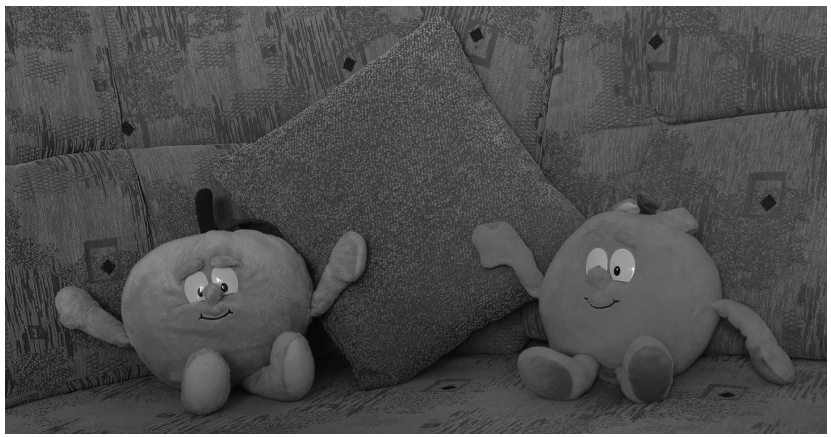


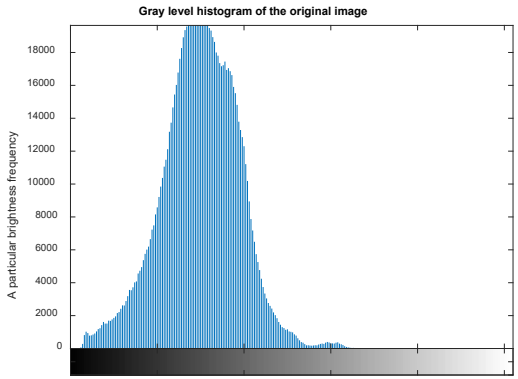


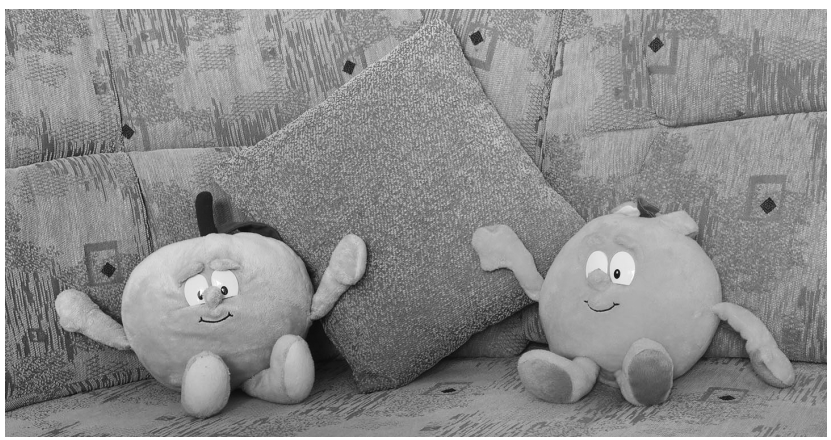


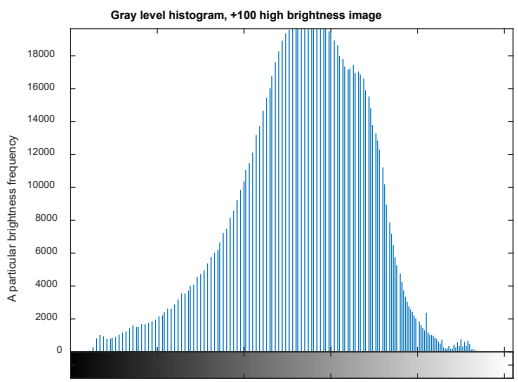


Ilustrace zvýšeného jasu

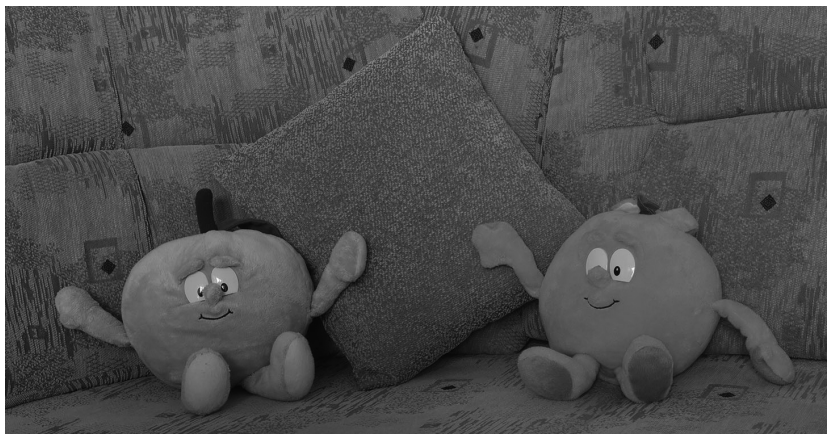


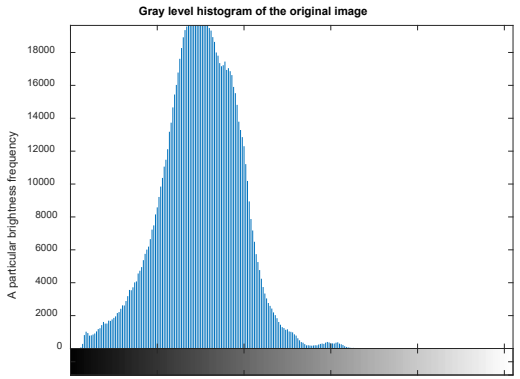


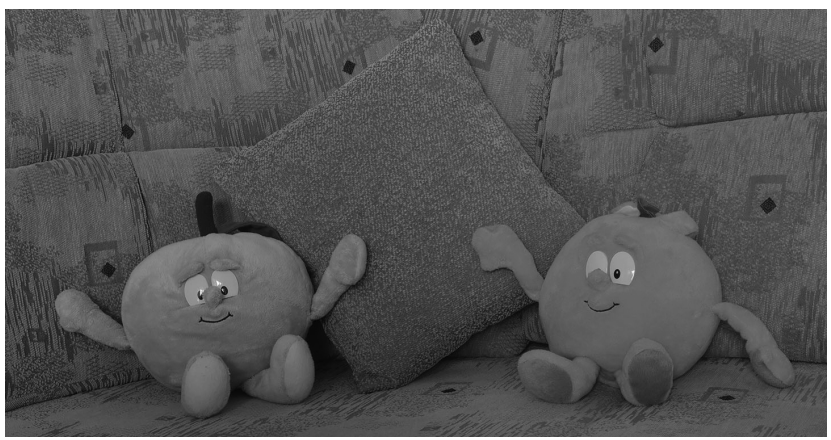


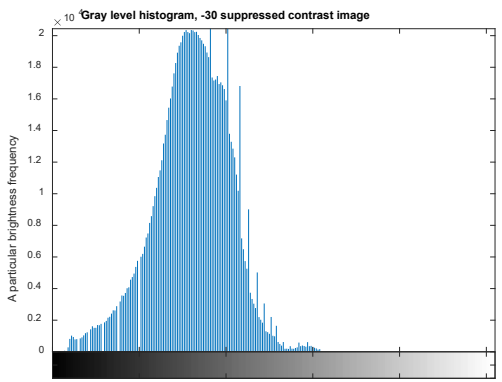


Ilustrace sníženého kontrastu

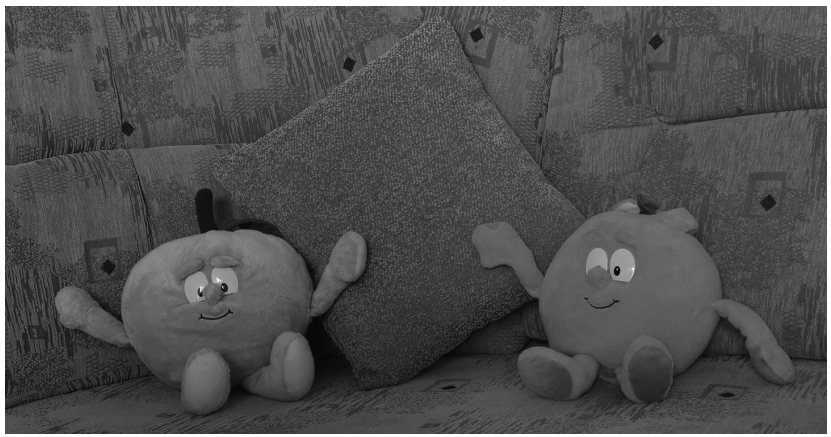


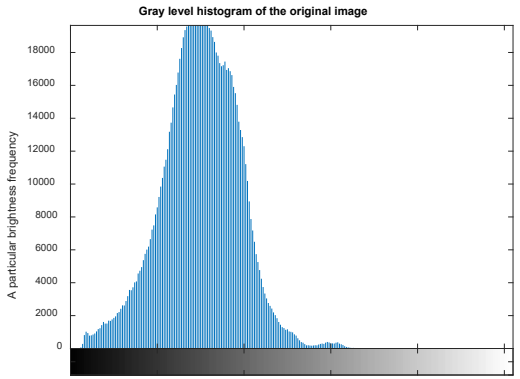


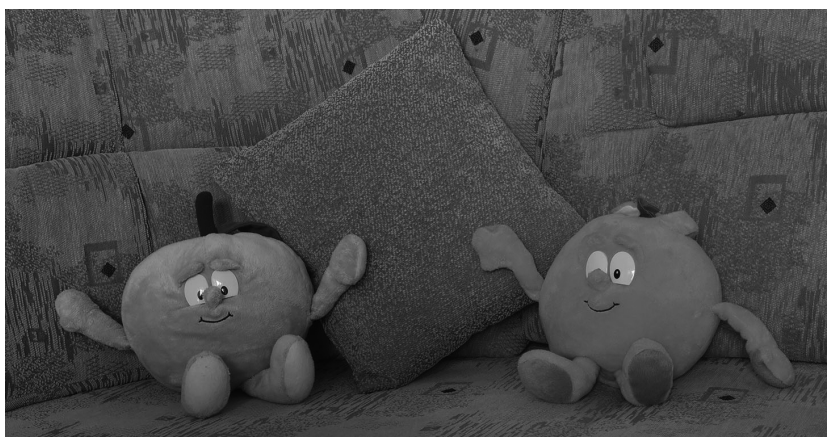


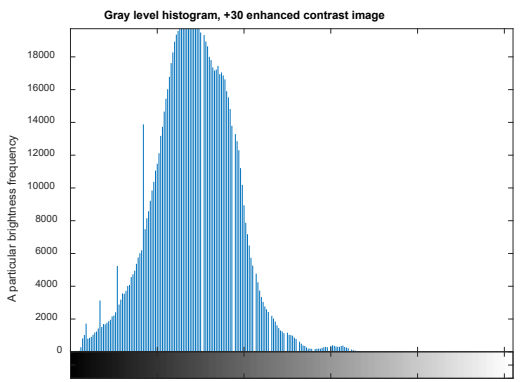


Ilustrace zvýšeného kontrastu

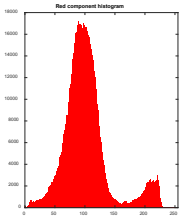


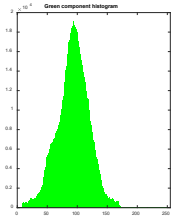


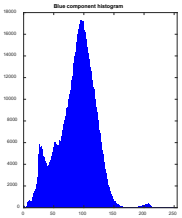


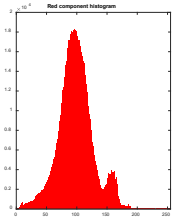


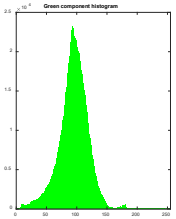
Ilustrace barevné sytosti

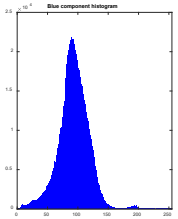


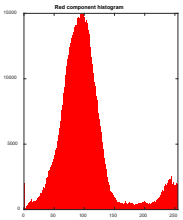


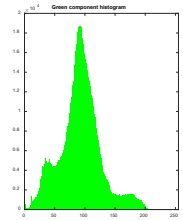


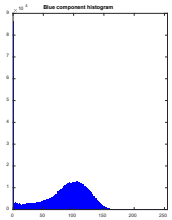






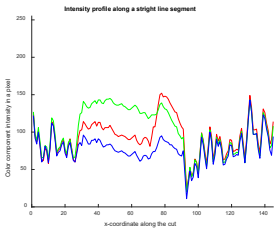




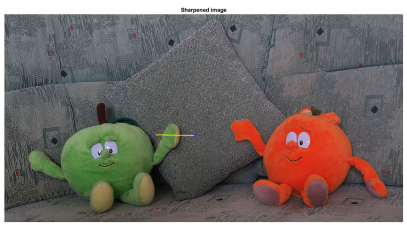


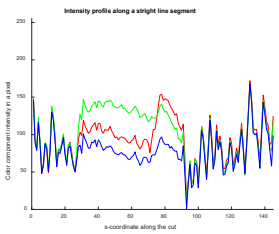
Ilustrace ostrosti obrazu

Výchozí obrázek

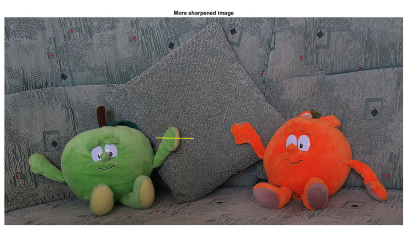


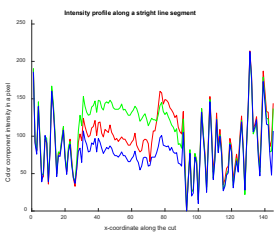
Mírné ostření



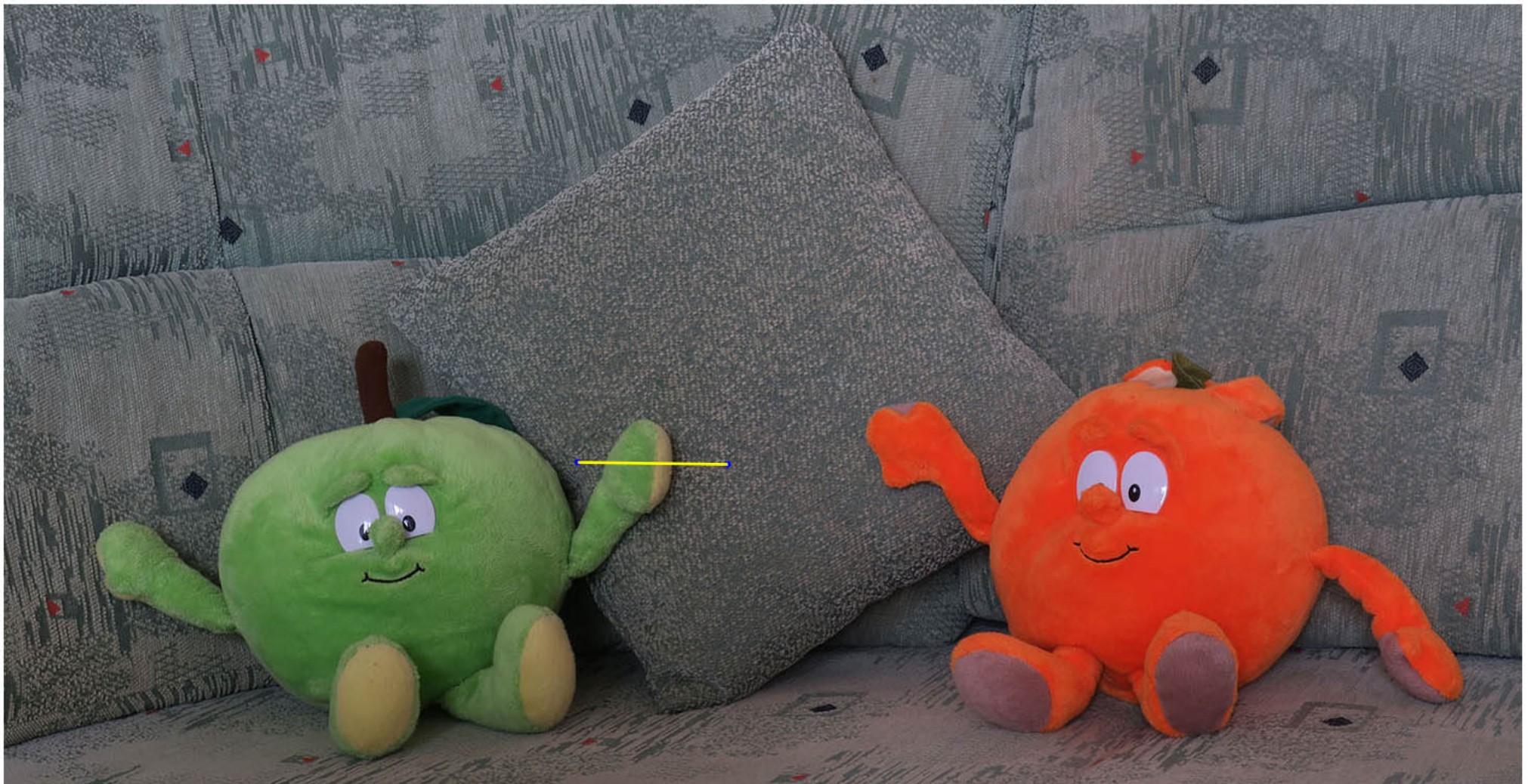


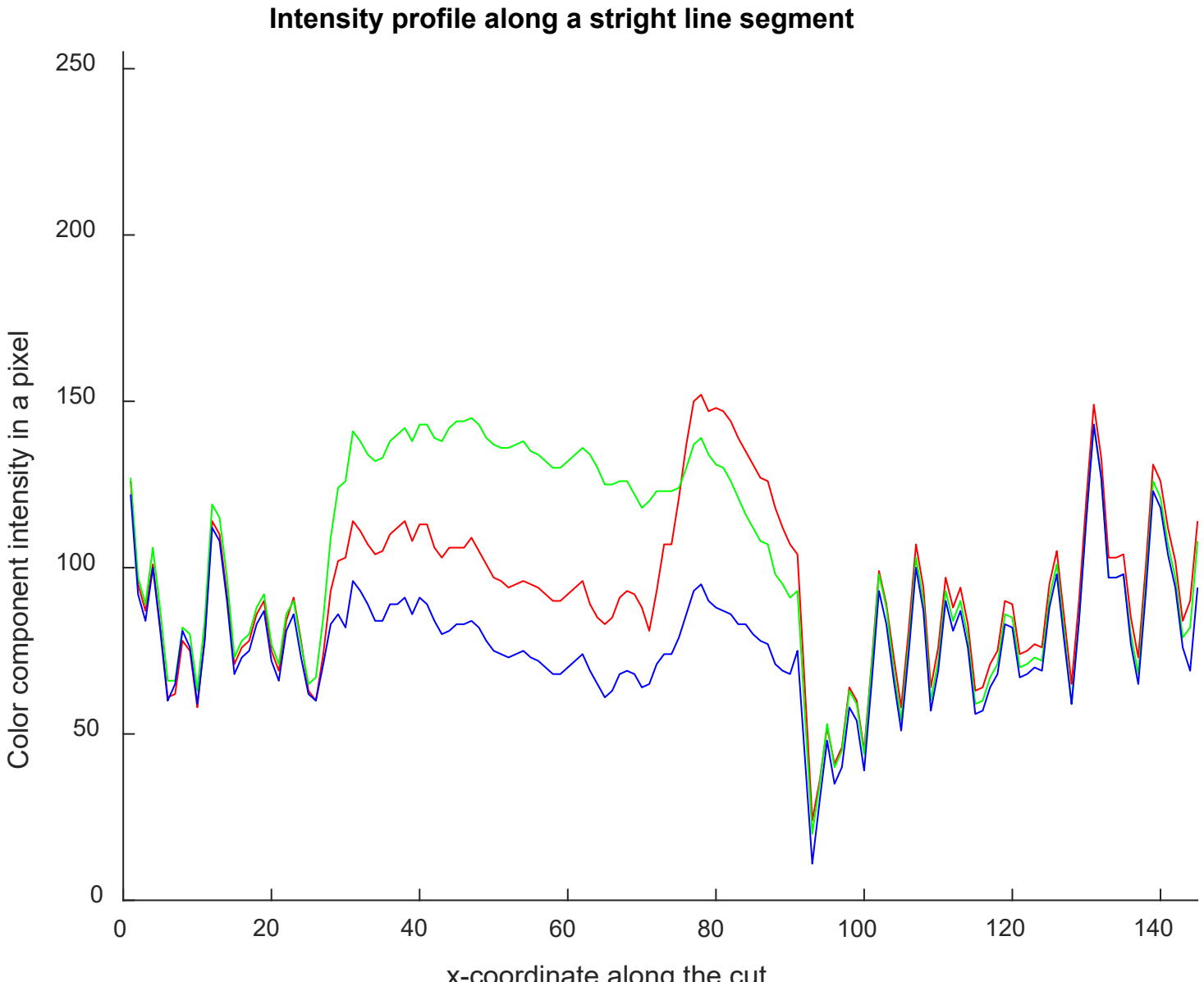
Silnější ostření



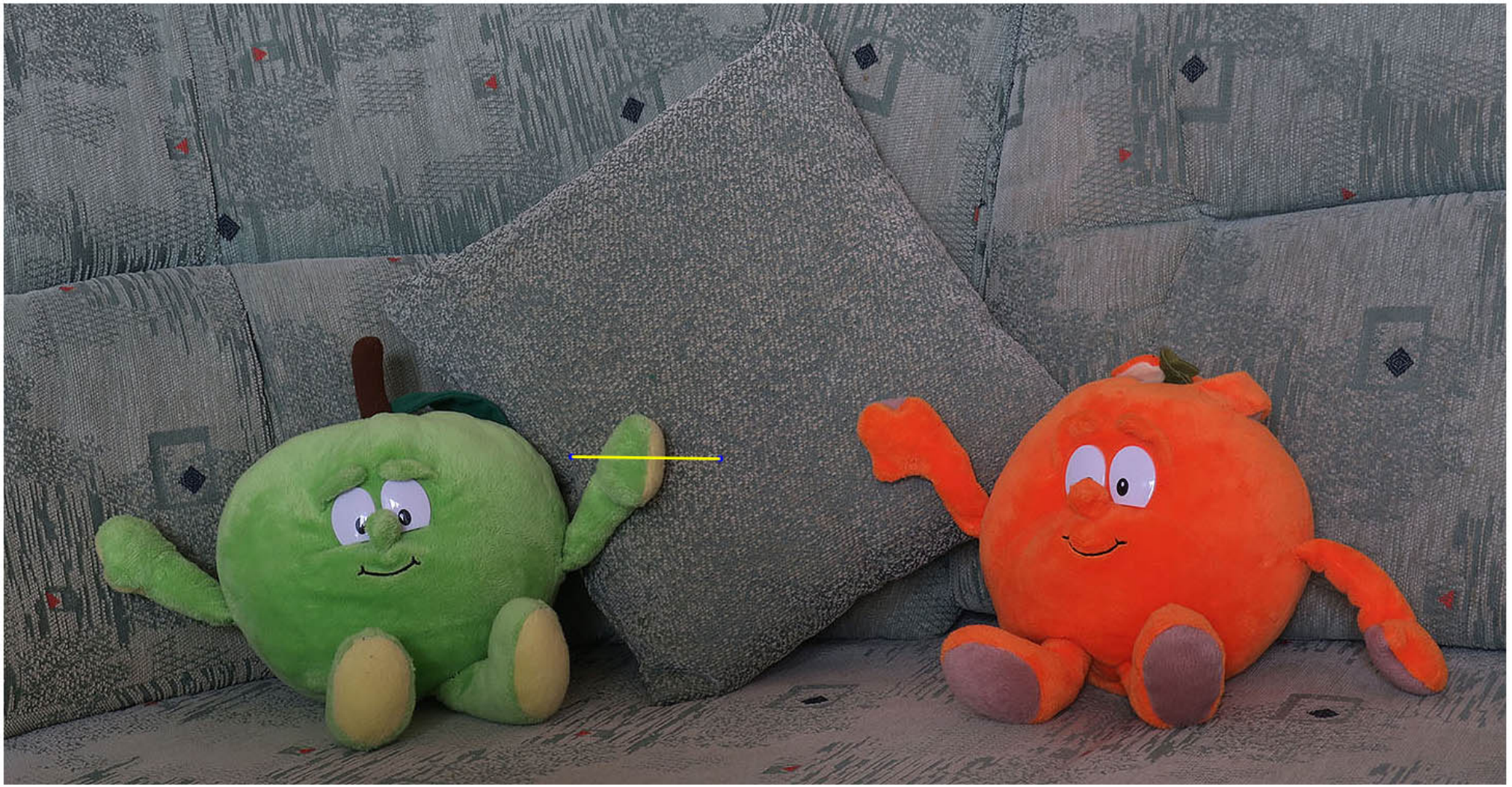


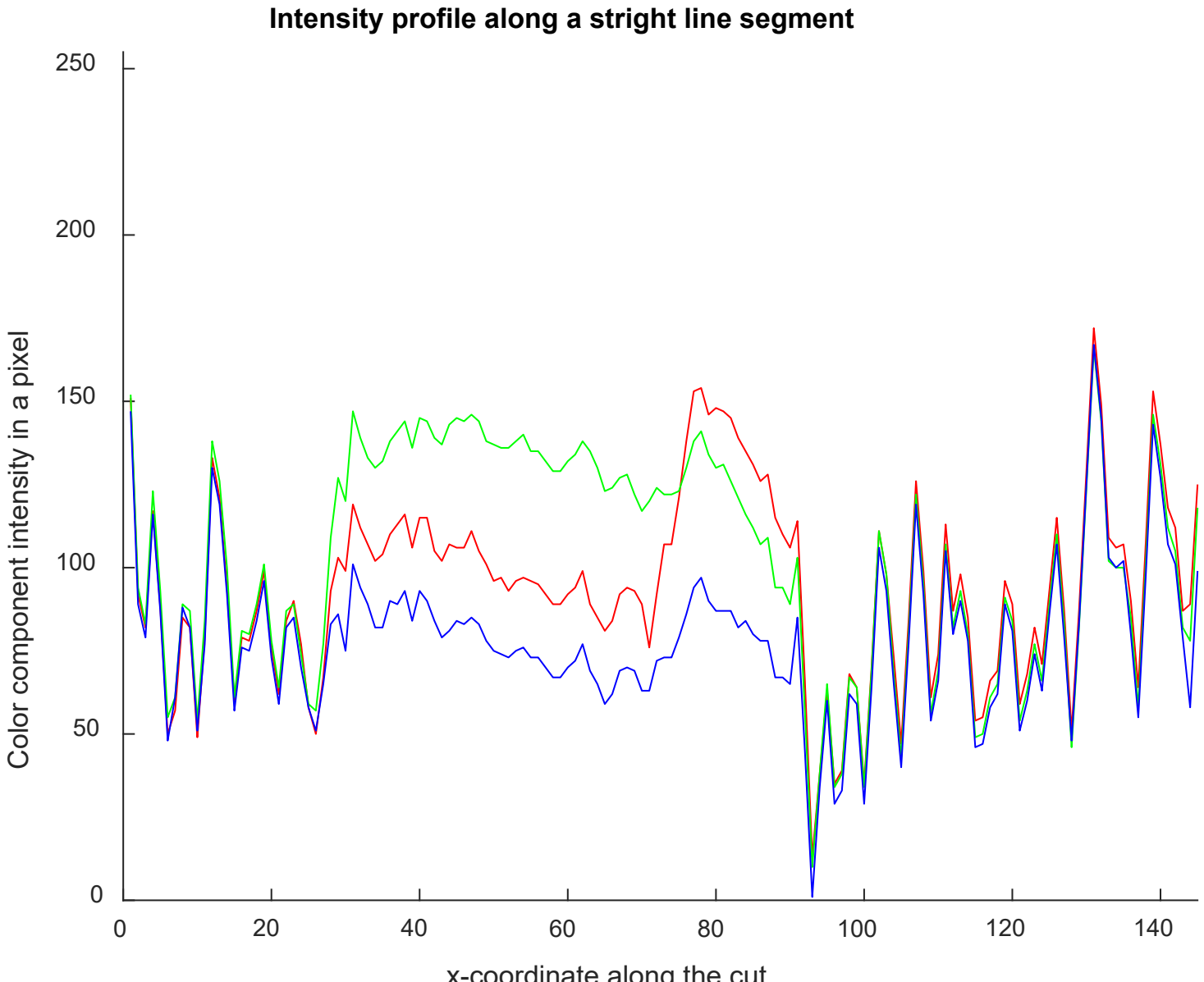
Input color image



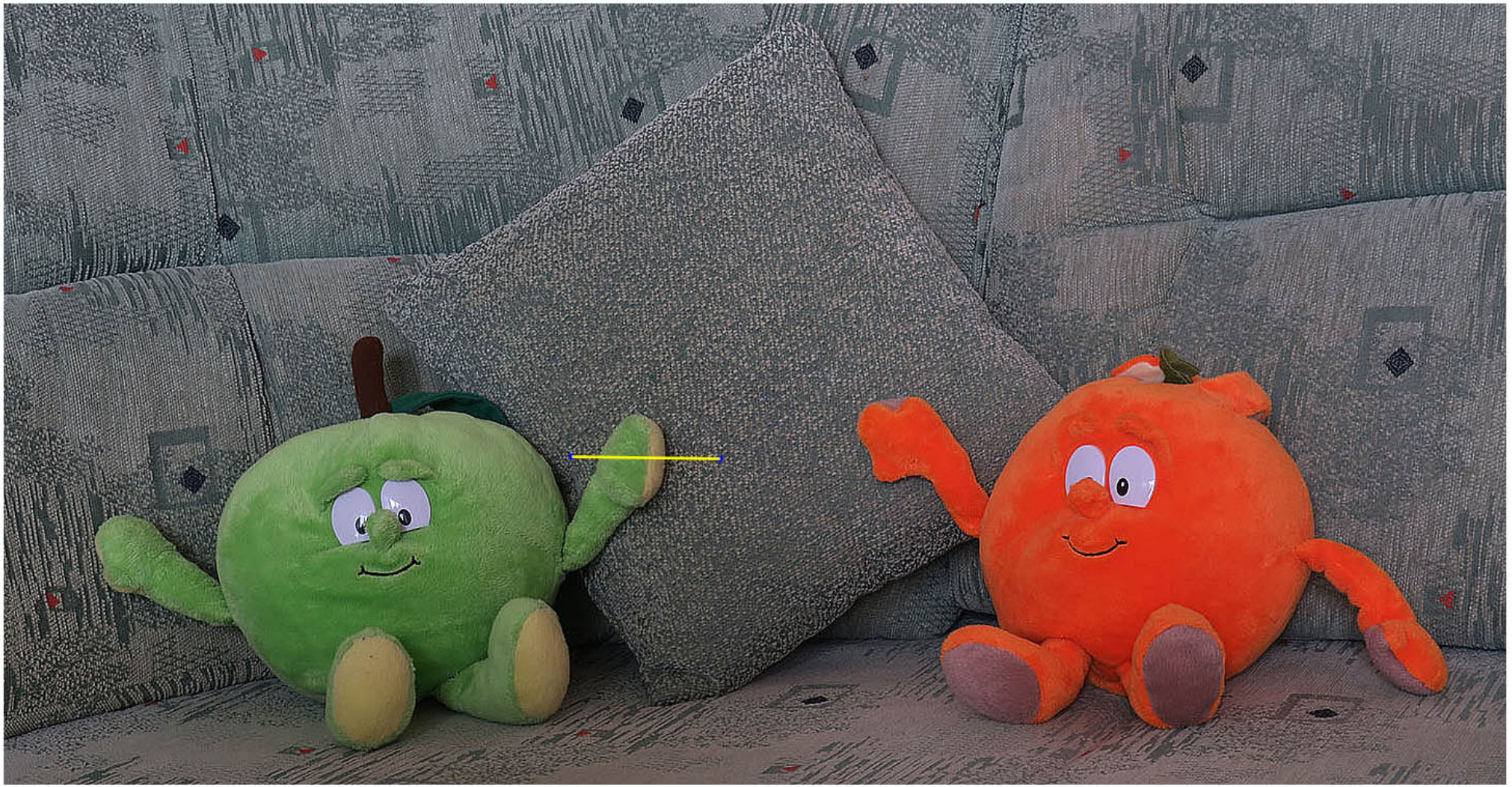

Intensity profile along a stright line segment
Color component intensity in a pixel
x-coordinate along the cut
0
50
100
150
200
250
0
20
40
60
80
100
120
140

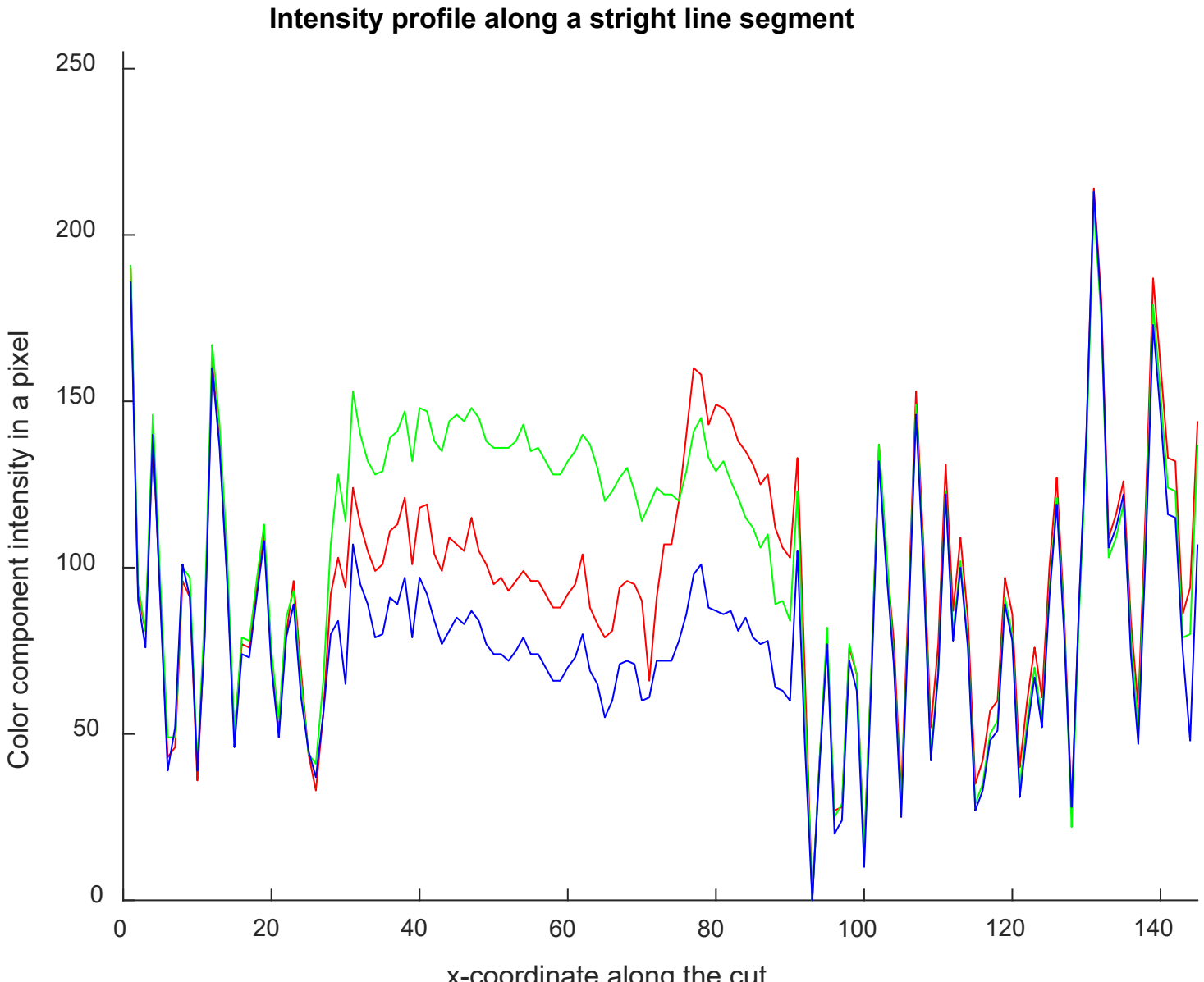
Sharpened image




Intensity profile along a stright line segment
Color component intensity in a pixel
x-coordinate along the cut
0
50
100
150
200
250
0
20
40
60
80
100
120
140

More sharpened image




Intensity profile along a stright line segment
Color component intensity in a pixel
x-coordinate along the cut
0
50
100
150
200
250
0
20
40
60
80
100
120
140